

التعريف الأول:

695

جميع أسئلة هذا التعريف

(A) حسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1-4x^2}{2x+1}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{1+x^2} - x$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} 2x - x^3$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{x - 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x^2 + 1 - \sqrt{1+x^2}$$

645

(B) رتب الأعداد التالية:  $2^{1/4}$  و  $\sqrt[6]{81}$  و  $\sqrt{5}$

61

(C) بين أن: 
$$\frac{\sqrt[3]{2} \times \sqrt[6]{32}}{\sqrt[3]{8}} = \sqrt[3]{4}$$

61

(D) حل في المجموعة  $\mathbb{R}$  ما يلي:

$$x^6 + 2x^3 - 3 = 0$$

$$\sqrt{x+2} < 2$$

$$(1-x)^3 = -8$$

63

التعريف الثاني: لتكن  $h$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$

62

$$\left\{ \begin{array}{l} h(x) = \frac{x^3 + x - 2}{x - 1} \text{ ; } x \neq 1 \\ h(1) = 4 \end{array} \right.$$

1° بين أن الدالة  $h$  متصلة على كل من المجالين  $]-\infty, 1[$  و  $]1, +\infty[$

61

2° هل الدالة  $h$  متصلة على  $\mathbb{R}$ ؟

61

Lycee ANISSE

D.S. N°1

$\frac{9}{2}$

2. B.A.C. 2

التعريف الثالث:  $1^\circ$  - بين أن المعادلة  $x^3 + x - 1 = 0$  تقبل

حلا وحيداً  $\alpha$  في  $\mathbb{R}$  و  $0 < \alpha < 1$ .  
 $2^\circ$  - باستخدام طريقة الفرع الثاني أعطنا بهيرال  $\alpha$

دسته 0,25  
 ب - حل في المجموعة  $\mathbb{R}$  المتراوحة  $(-1, 0)$   $x^3 + x - 1 = 0$

ج - أعطنا حل تغيرات الدالة  $g$  المتروكة على  $\mathbb{R}$  عالياً

$$g: x \mapsto \frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{2}x^2 - x + 1$$

التعريف الرابع: لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  عالياً

$1^\circ$  - بين أن الدالة  $f$  متصلة على المجال  $\mathbb{R}^*$   
 $f(x) = \frac{1-x^2}{x}$

ب - بين أن  $f$  تناقصية وطواعية المجال  $\mathbb{R}^*$

ج - استنتج أن الدالة  $f$  تقبل دالة عكسية  $f^{-1}$  محدداً

مجموعة تعريفها.

$2^\circ$  - حسب دلائل  $f(0)$  و  $f(\frac{-3}{2})$

ب - قارن العدد بين  $f^{-1}(\sqrt{2})$  و  $f^{-1}(\sqrt[3]{2})$

ج - حدد  $f^{-1}(x)$  لكل  $x$  عن  $D_{f^{-1}}$ .

